

Δομές Δεδομένων & Ανάλυση Αλγορίθμων

3ο Εξάμηνο

Στοίβα (Stack) και Ουρά (Queue)

Υλοποίηση τους με τη βοήθεια πίνακα

Δημοσθένης Σταμάτης

<http://www.iee.ihu.gr/~demos>

Τμήμα Μηχανικών Πληροφορικής & Ηλεκτρονικών Συστημάτων

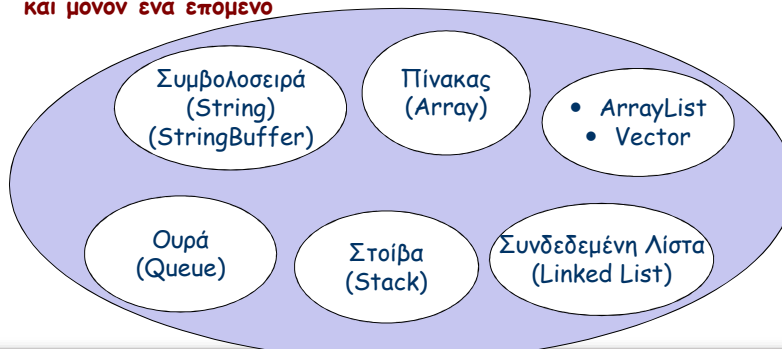
Γραμμική Δομή Δεδομένων

Ονομάζεται η δομή δεδομένων το σύνολο των στοιχείων της οποίας είναι διατεταγμένο με τέτοιο τρόπο ώστε να ισχύουν τα εξής:

(α) υπάρχει ένα στοιχείο το οποίο ονομάζεται αρχή και έχει ένα και μόνον ένα επόμενο στοιχείο

(β) υπάρχει ένα στοιχείο το οποίο ονομάζεται τέλος και έχει ένα και μόνον ένα προηγούμενο

(γ) κάθε άλλο στοιχείο έχει ένα και μόνον ένα προηγούμενο και ένα και μόνον ένα επόμενο



Στοιβά (Stack)

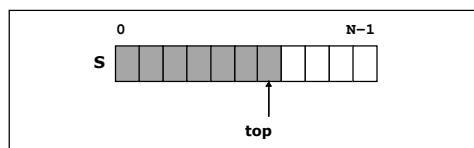
☞ Στοιβά (stack) είναι μία λίστα στην οποία νέα στοιχεία μπορούν να προστεθούν και να αφαιρεθούν μόνο από τη μία άκρη της (κορυφή της στοιβάς). Μία στοιβά αναφέρεται και σαν μία λίστα τύπου LIFO (Last-In-First-Out)

☞ Η Στοιβά σαν Αφηρημένος Τύπος Δεδομένων στη Java:

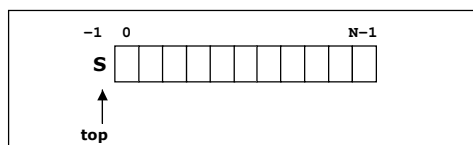
```
public interface Stack
{
    public int size();
    // επιστρέφει το μέγεθος της στοιβάς
    public boolean isEmpty();
    // αληθεύει εάν η στοιβά είναι κενή
    public Object top() throws StackEmptyException;
    // επιστρέφει το στοιχείο που βρίσκεται στην κορυφή της στοιβάς
    public void push(Object item) throws StackFullException;
    // εισάγει ένα νέο στοιχείο στην κορυφή της στοιβάς
    public Object pop() throws StackEmptyException;
    // εξάγει και επιστρέφει το στοιχείο που βρίσκεται στην κορυφή της στοιβάς
}
```

Υλοποίηση Στοιβάς με τη βοήθεια πίνακα

☞ Υλοποιείται με τη βοήθεια ενός πίνακα (S) και ενός ακέραιου ενδείκτη (top). Το S[top] είναι η κορυφή της στοιβάς.



☞ Όταν η στοιβά δημιουργείται έχει τη μορφή:



Υλοποίηση Στοιβάς με τη βοήθεια πίνακα

(κλάση `ArrayStack`)



Δημιουργία Στοιβάς

Το μέγεθος της στοιβάς μπορεί να καθορίζεται είτε έμμεσα π.χ 100 στοιχεία είτε άμεσα κατά τη δημιουργία της στοιβάς. Οι δομητές της κλάσης `ArrayStack` για τις δύο αυτές περιπτώσεις φαίνονται παρακάτω:

```
public class ArrayStack implements Stack
{
    public static final int CAPACITY = 100;
    private int capacity;
    private Object[] S;
    private int top = -1;

    public ArrayStack() {
        this(CAPACITY);
    }

    public ArrayStack(int cap) {
        capacity = cap;
        S = new Object[capacity];
    }
    .....
}
```

ΔΟΜΕΣ ΔΕΔΟΜΕΝΩΝ

Γ' ΕΞΑΜΗΝΟ

Υλοποίηση Στοιβάς με τη βοήθεια πίνακα



Μέγεθος Στοιβάς //βλέπε interface Stack

```
public int size()
{
    return (top+1);
}
```



Έλεγχος Κενής Στοιβάς

```
public boolean isEmpty()
{
    return (top < 0);
}
```



Έλεγχος της Κορυφής της Στοιβάς

```
public Object top() throws StackEmptyException
{
    if (isEmpty())
        throw new StackEmptyException("Stack is empty");
    return S[top];
}
```

ΔΟΜΕΣ ΔΕΔΟΜΕΝΩΝ

Γ' ΕΞΑΜΗΝΟ

Υλοποίηση Στοιβάς με τη βοήθεια πίνακα



Εισαγωγή στοιχείου στη Στοιβα



//βλέπε interface Stack

Η διαδικασία εισαγωγής ενός στοιχείου στη στοιβα συνίσταται στην αύξηση του ενδείκτη **top** κατά ένα και την τοποθέτηση του στοιχείου στη θέση του πίνακα που δείχνει ο **top**. Στην περίπτωση που ο χώρος της στοιβάς έχει εξαντληθεί από προηγούμενες εισαγωγές στοιχείων, δημιουργείται κατάσταση εξαίρεσης (υπερχείλιση στοιβάς). Η μέθοδος **push** της **ArrayStack** είναι η εξής:

```
public void push(Object item) throws StackFullException
{
    if (size() == capacity-1)
        throw new StackFullException("Stack overflow");
    S[++top] = item;
}
```



Η εξαίρεση **StackFullException** πρέπει να οριστεί με τη βοήθεια ξεχωριστής κλάσης, η οποία επεκτείνει την κλάση **RuntimeException**:

```
public class StackFullException extends RuntimeException
{
    public StackFullException(String err)
    { super(err); }
}
```

ΔΟΜΕΣ ΔΕΔΟΜΕΝΩΝ

Γ' ΕΞΑΜΗΝΟ

Υλοποίηση Στοιβάς με τη βοήθεια πίνακα



Εξαγωγή στοιχείου από Στοιβα



//βλέπε interface Stack

Η διαδικασία εξαγωγής ενός στοιχείου από τη στοιβα συνίσταται στην επιστροφή του στοιχείου που βρίσκεται στην κορυφή της στοιβάς και τη μείωση του ενδείκτη **top** κατά ένα. Εάν κατά την πράξη εξαγωγής στοιχείου η στοιβα βρεθεί άδεια δημιουργείται κατάσταση εξαίρεσης (άδεια στοιβα):

```
public Object pop() throws StackEmptyException {
    Object element;
    if (isEmpty())
        throw new StackEmptyException("Stack is empty");
    element = S[top];
    S[top--] = null; //για τον garbage collector!!!
    return element;
}
```



Η εξαίρεση **StackEmptyException** πρέπει να οριστεί με τη βοήθεια ξεχωριστής κλάσης, η οποία επεκτείνει την κλάση **RuntimeException**:

```
public class StackEmptyException extends RuntimeException {
    public StackEmptyException(String err)
    { super(err); }
}
```

ΔΟΜΕΣ ΔΕΔΟΜΕΝΩΝ

Γ' ΕΞΑΜΗΝΟ

Ουρά (Queue)



Ουρά (queue) είναι μια λίστα στην οποία μπορούν να προστεθούν στοιχεία μόνο στη μία άκρη (πίσω) και να αφαιρεθούν μόνο από την άλλη (μπροστά). Μια ουρά αναφέρεται και σαν λίστα τύπου **FIFO (First-In-First-Out)**.



Η Ουρά σαν Αφηρημένος Τύπος Δεδομένων στη Java:

```
public interface Queue
{
    public int size();
    // επιστρέφει το μέγεθος (αριθμός στοιχείων) της ουράς

    public boolean isEmpty();
    // αληθεύει εάν η ουρά είναι κενή

    public Object front() throws QueueEmptyException;
    // επιστρέφει το στοιχείο που βρίσκεται στο εμπρός μέρος της ουράς

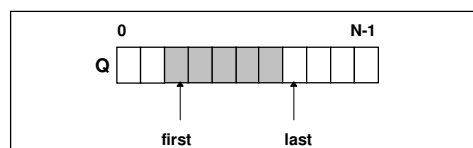
    public void enqueue(Object item) throws QueueFullException;
    // εισάγει ένα νέο στοιχείο στο πίσω μέρος της ουράς

    public Object dequeue() throws QueueEmptyException;
    // εξάγει και επιστρέφει το στοιχείο που βρίσκεται
    // στο εμπρός μέρος της ουράς
}
```

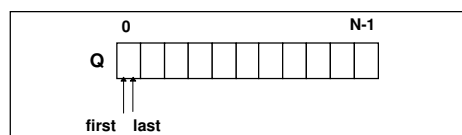
Υλοποίηση Ουράς με τη βοήθεια πίνακα



Υλοποιείται με τη βοήθεια ενός πίνακα (Q) και δύο ακέραιων ενδεικτών (*first* και *last*). Το $Q[\text{first}]$ είναι το πρώτο και το $Q[\text{last}]$ το τελευταίο στοιχείο της ουράς αντίστοιχα.



Όταν η ουρά δημιουργείται έχει τη μορφή:



Υλοποίηση Ουράς με τη βοήθεια πίνακα

(κλάση `ArrayQueue`)

Δημιουργία Ουράς

Το μέγεθος της ουράς μπορεί να καθορίζεται είτε έμμεσα π.χ 1000 στοιχεία είτε άμεσα κατά τη δημιουργία της στοίβας. Οι δομητές της κλάσης `ArrayQueue` για τις δύο αυτές περιπτώσεις φαίνονται παρακάτω:

```
public class ArrayQueue implements Queue
{
    public static final int CAPACITY = 1000;
    private int capacity;
    private Object[] Q;
    private int first = 0;
    private int last = 0;

    public ArrayQueue() {
        this(CAPACITY);
    }

    public ArrayQueue(int cap) {
        capacity = cap;
        Q = new Object[capacity];
    }
}
```

ΔΟΜΕΣ ΔΕΔΟΜΕΝΩΝ

Γ' ΕΞΑΜΗΝΟ

Υλοποίηση Ουράς με τη βοήθεια πίνακα

Μέγεθος Ουράς //βλέπε interface Queue

```
public int size()
{
    return (last-first);
}
```

Έλεγχος Κενής Ουράς

```
public boolean isEmpty()
{
    return (first==last);
}
```

Επιστροφή Πρώτου Στοιχείου της Ουράς

```
public Object front() throws QueueEmptyException
{
    if (isEmpty())
        throw new QueueEmptyException("Queue is empty");
    return Q[first];
}
```

ΔΟΜΕΣ ΔΕΔΟΜΕΝΩΝ

Γ' ΕΞΑΜΗΝΟ

Υλοποίηση Ουράς με τη βοήθεια πίνακα



Εισαγωγή στοιχείου στην Ουρά



//βλέπε interface Queue

Η διαδικασία εισαγωγής ενός στοιχείου στην ουρά συνίσταται στην τοποθέτηση του στοιχείου στη θέση του πίνακα που δείχνει ο ενδείκτης `last` και στη συνέχεια την αύξηση του ενδείκτη κατά ένα. Στην περίπτωση που ο χώρος της ουράς έχει εξαντληθεί από προηγούμενες εισαγωγές στοιχείων, δημιουργείται κατάσταση εξαιρέσης (υπερχείλιση ουράς):

```
public void enqueue(Object item) throws QueueFullException
{
    if (last == capacity) /* Εικονική Υπερχείλιση?? */
        throw new QueueFullException("Queue overflow");
    Q[last++] = item;
}
```



Η εξαίρεση `QueueFullException` πρέπει να οριστεί με τη βοήθεια ξεχωριστής κλάσης, η οποία επεκτείνει την κλάση `RuntimeException`:

```
public class QueueFullException extends RuntimeException
{
    public QueueFullException(String err)
    { super(err); }
}
```

ΔΟΜΕΣ ΔΕΔΟΜΕΝΩΝ

Γ' ΕΞΑΜΗΝΟ

Υλοποίηση Ουράς με τη βοήθεια πίνακα



Εξαγωγή στοιχείου από Ουρά



//βλέπε interface Queue

Η διαδικασία εξαγωγής ενός στοιχείου από την ουρά συνίσταται στην επιστροφή του στοιχείου που βρίσκεται στη θέση `first` του πίνακα και στη συνέχεια την αύξηση του ενδείκτη κατά ένα. Στην περίπτωση που η ουρά είναι άδεια, δημιουργείται κατάσταση εξαιρέσης (άδεια ουρά):

```
public Object dequeue( ) throws QueueEmptyException
{
    Object item;
    if (isEmpty( ))
        throw new QueueEmptyException("Queue is empty");
    item = Q[first];
    Q[first++] = null; //!!! για τον garbage collector
    return item;
}
```



Η εξαίρεση `QueueEmptyException` πρέπει να οριστεί με τη βοήθεια ξεχωριστής κλάσης, η οποία επεκτείνει την κλάση `RuntimeException`:

```
public class QueueEmptyException extends RuntimeException
{
    public QueueEmptyException(String err)
    { super(err); }
}
```

ΔΟΜΕΣ ΔΕΔΟΜΕΝΩΝ

Γ' ΕΞΑΜΗΝΟ